

قدره 12 درهما. علما أن ثمن قلم الرصاص هو نصف ثمن قلم الحبر الجاف، حدد ثمن القلم الواحد لكل من أقلام الرصاص و أقلام الحبر .

الاجواب :

الجزء 1: $(2x + 3)(9x - 3)\left(x - \frac{1}{2}\right) = 0$

يعني $2x + 3 = 0$ أو $9x - 3 = 0$ أو $x - \frac{1}{2} = 0$

يعني $x = -\frac{3}{2}$ أو $x = \frac{1}{3}$ أو $x = \frac{1}{2}$

ومنه : $S = \left\{ -\frac{3}{2}, \frac{1}{3}, \frac{1}{2} \right\}$

(2) $3 - 4x > x + 1$ يعني $-5x > -2$

يعني $x < \frac{2}{5}$ ومنه : $S =]-\infty; \frac{2}{5}[$

(3) $2x^2 - 3x + 1 \geq 0$ $a = 2$

$\Delta = b^2 - 4ac = (-3)^2 - 4 \times 2 \times 1 = 9 - 8 = 1 > 0$

بما أن $\Delta > 0$ فان للحدودية جذرين هما:

ومنه: $x_1 = \frac{3-1}{4} = \frac{1}{2}$ و $x_2 = \frac{-(-3)+\sqrt{1}}{2 \times 2} = \frac{3+1}{4} = 1$

x	$-\infty$	$\frac{1}{2}$	1	$+\infty$	
$P(x)$	$+$	0	$-$	0	$+$

(2) حل المتراجحة : $S =]-\infty; \frac{1}{2}] \cup [1; +\infty[$

الجزء 1: $\begin{cases} 2x - y = 0 \\ x + y - 3 = 0 \end{cases}$

نجمع المعادلتين طرف لطرف فنجد:

$x + y + 2x - y = 3$ يعني $3x = 3$ يعني $x = 1$

اذن : بالتعويض في المعادلة $2x - y = 0$

نجد : $2 - y = 0$ يعني $y = 2$

ومنه : $S = \{(1; 2)\}$

الجزء 2: ليكن x ثمن قلم الرصاص و y ثمن حبر جاف

اذن حسب المعطيات نحصل على النظمة التالية :

$\begin{cases} 2x = y \\ 4(x + y) = 12 \end{cases}$ يعني $\begin{cases} x = \frac{y}{2} \\ 4x + 4y = 12 \end{cases}$

يعني $\begin{cases} 2x - y = 0 \\ x + y = 3 \end{cases}$

ومنه حسب نتيجة السؤال السابق فان :

$x = 1DH$ و $y = 2DH$

تمرين 1: (5نقاط)

حدد قيمة حقيقة كل عبارة من العبارات الآتية : (لا جواب 0 نقطة و جواب صحيح 1 نقطة)

(1) $(-2)^2 = 4$ أو (2 عدد فردي)

(2) $(\sqrt{4} = -2) \Leftrightarrow \left(\frac{1}{2} \in \mathbb{N}\right)$

(3) $(\sqrt{10} > 3)$ و $(-3 \notin \mathbb{R}^+)$

(4) $(\forall n \in \mathbb{N}); 2^n \leq 10n$

(5) $(\exists x \in \mathbb{R}); x^2 = -1$

الاجواب :

(1) عبارة صحيحة (2) عبارة صحيحة

(3) عبارة صحيحة (4) عبارة خاطئة خذ مثلا : $n = 6$

تمرين 2 : (3نقاط)

أوجد العبارات الناقية للعبارات الآتية:

(1) $A (-3 \notin \mathbb{R}^-)$ أو $(\sqrt{10} \leq 3)$

(2) $B(-\sqrt{3} \in \mathbb{R}^-)$ و $(\sqrt{10} = 3)$

الاجواب :

$\bar{A} (-3 \in \mathbb{R}^-)$ و $(\sqrt{10} > 3)$

$\bar{B} (-\sqrt{3} \notin \mathbb{R}^-)$ أو $(\sqrt{10} \neq 3)$

تمرين 3: (4نقاط)

نادي رياضي يحتوي على 80 % من المنخرطين بحيث سنهم لا يفوق 30 سنة وإذا علمت أن عدد المنخرطين الذي سنهم أكثر من 30 سنة هو 40 منخرط

كم عدد المنخرطين الذي سنهم لا يفوق 30 سنة في هذا النادي ؟

الاجواب :

نسبة المنخرطين بحيث سنهم يفوق 30 سنة هو 20 %

$20\% \rightarrow 40$

$x \rightarrow 80\%$ باستعمال الطريقة الثلاثية نجد : $x \times 20 = 40 \times 80$

يعني : $x = \frac{40 \times 80}{20} = 160$

اذن : عدد المنخرطين الذي سنهم لا يفوق 30 سنة في هذا النادي هو 160

تمرين 4 (8ن)

I. حل في \mathbb{R} المعادلات المترجمات التالية :

(1) $3 - 4x > x + 1$ (2) $(2x + 3)(9x - 3)\left(x - \frac{1}{2}\right) = 0$

(3) $2x^2 - 3x + 1 \geq 0$

. II

(1) حل النظمة التالية : $\begin{cases} 2x - y = 0 \\ x + y = 3 \end{cases}$

اشترى أحمد 4 أقلام رصاص من نفس النوع و 4 أقلام حبر جاف من نفس النوع، بمبلغ إجمالي